

# Konzepte der AI: Moderne Heuristiken

Nysret Musliu  
Database and Artificial Intelligence Group  
Institut für Informationssysteme, TU-Wien

## Gliederung

- ◆ Heuristiken-Einführung
- ◆ Lokale Suchmethoden
  - Hill-Climbing Strategien
  - Simulated Annealing
  - Tabu-Suche
- ◆ Genetische Algorithmen

## Heuristiken

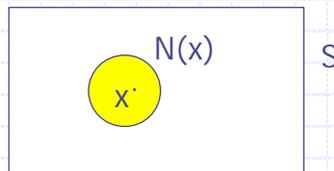
- ◆ Polya (1945) definierte Heuristiken als  
„das Studium der Methoden und Regeln von  
Entdeckung und Erfindung“
- ◆ Das griechische Wort „heuriskein“ bedeutet:  
„Ich entdecke“.
- ◆ Newell, Shaw, and Simon (1963) definierten  
Heuristiken als  
„a process that may solve a given problem, but  
offers no guarantees of doing so“

## Heuristiken

- ◆ Heuristiken werden hauptsächlich in  
folgenden Fällen angewendet:
  - Ein Problem besitzt eine exakte Lösung, doch die  
Rechenkosten für die Suche nach dieser Lösung  
sind unerschwinglich
    - ◆ Schach
    - ◆ Traveling Salesman Problem
  - Ein Problem hat keine Lösung, da die  
Problembeschreibung oder die verfügbaren Daten  
zweideutig sind:
    - ◆ Medizinische Diagnose
    - ◆ Das Sehvermögen

## Lokale Suchmethoden

- ◆ Basieren auf der Nachbarschaft der aktuellen Lösung.



- ◆ Die Lösung wird schrittweise (iterativ) mit Reparatur-basierten Schritten ('moves') geändert, bis man eine akzeptable oder optimale Lösung findet.

## Lokale Suchmethoden

- ◆ Hill-Climbing
- ◆ Simulated Annealing
- ◆ Tabu-Suche
- ◆ ...
- ◆ Unterscheiden sich hauptsächlich in der Art und Weise wie sie:
  - die Nachbarschaft erkunden.
  - die nachfolgende Lösung der aktuellen Lösung akzeptieren.

## Hill-Climbing

- ◆ Erzeuge eine anfängliche Lösung  $s$ .
- ◆ Erzeuge Nachbarschaft  $N(s)$  von Lösung  $s$ ,
- ◆ Selektiere in Nachbarschaft die Lösung mit bester Fitneß.
- ◆ Wenn die selektierte Lösung besser als die aktuelle Lösung ist, akzeptiere diese als aktuelle Lösung für die nächste Iteration und fahre mit Schritt 2 fort.
- ◆ Wenn die selektierte Lösung schlechter als die aktuelle Lösung ist, beende die Suche.

## Hill-Climbing

- ◆ Stoßt auf das lokale Optimum
- ◆ Random Restart Hill-Climbing
  - Beginnt von verschiedenen Anfangspunkten.
- ◆ Stochastic Hill-Climbing
  - Nur eine Lösung aus der Nachbarschaft wird selektiert.
  - Diese Lösung wird für die nächste Iteration mit einer Wahrscheinlichkeit akzeptiert, die von der Evaluierungsdifferenz zwischen dieser Lösung und der aktuellen Lösung abhängig ist.

## Stochastic Hill-Climbing

```
Prozedure Stochastic Hill-Climbing ([1])
begin
  t=0
  select a current string  $v_c$  at random
  evaluate  $v_c$ 
  repeat
    select the string  $v_n$  from the neighborhood of  $v_c$ 
    select  $v_n$  with probability  $\frac{1}{1+e^{\frac{eval(v_c)-eval(v_n)}{T}}}$ 
    t=t+1
  until t=MAX
end
```

- ◆ Je größer der Wert von T, desto kleiner die Bedeutung der Evaluierungsdifferenz zwischen den Lösungen  $v_c$  and  $v_n$ .

## Simulated Annealing

- ◆ Während der Suche wird auch eine schlechtere Lösung mit einer bestimmten Wahrscheinlichkeit akzeptiert.
- ◆ Unterscheidet sich von der Stochastic-Hill-Climbing-Methode dadurch, dass der Parameter T während der Suche verändert wird.
- ◆ Am Anfang der Suche hat T hohe Werte, während sie am Ende sehr klein sind.

# Simulated Annealing

```
Prozedure Simulated Annealing ([1])
begin
  t=0
  Initialize T
  select a current string  $v_c$  at random
  evaluate  $v_c$ 
  repeat
    repeat
      select a new point  $v_n$  in the neighborhood of  $v_c$ 
      if  $eval(v_c) < eval(v_n)$  then
         $v_c = v_n$ 
      else if  $random[0,1) < e^{-\frac{eval(v_n)-eval(v_c)}{T}}$  then  $v_c = v_n$ 
    until (termination-condition)
   $T = g(T, t)$ 
   $t = t + 1$ 
until (halting-criterion)
end
```

# Simulated Annealing

- ◆ Wichtige Fragen für SA:
  - Wie bestimme ich die Anfangs-„Temperatur“ T?
  - Wie bestimme ich die Funktion  $g(T, t)$ ?
  - Wie bestimme ich die „termination condition“?
  - Wie bestimme ich das „halting criterion“?

## Tabu-Suche

- ◆ Durch die Verwendung einer Tabu-Liste werden während der Suche Zyklen (Besuchen von gleichen Lösungen) vermieden.
- ◆ In der Tabu-Liste werden für eine fixe Anzahl von durchlaufenen Iterationen bestimmte Informationen zur Suche gespeichert (z.B. bereits besuchte Lösungen).
- ◆ Die Akzeptanz der Lösung für die nächste Iteration hängt ab von:
  - Fitneß der Lösung, Tabu-Liste.

## Tabu-Suche

```
Procedure Tabu-Suche
begin
  Initialize tabu list
  Generate randomly Initial Solution  $s_c$ 
  Evaluate  $s_c$ 
  repeat
    Generate all neighborhood solutions of the solution  $s_c$ 
    Find best solution  $s_x$  in the neighborhood
    if  $s_x$  is not tabu solution then  $s_c = s_x$ 
      else if 'aspiration criteria' is fulfilled then
         $s_c = s_x$ 
      else
        find best not tabu solution in the neighborhood  $s_{nt}$ 
         $s_c = s_{nt}$ 
    Update tabu list
  until (terminate-condition)
end
```

## Tabu-Suche

- ◆ „aspiration criteria“ erlaubt das Akzeptieren von Tabu-Lösungen unter bestimmten Umständen, z.B. wenn die gefundene Lösung die bisher beste ist.
- ◆ Tabu-Suche ist deterministisch.

## Genetische Algorithmen

- ◆ Basieren auf biologischen Prozessen
- ◆ Bei Verwendung von Genetischen Algorithmen zur Problemlösung werden drei Phasen durchlaufen:
  - Repräsentation von potenziellen Lösungen der Problemdomäne (z.B. in Bit-Strings).
  - Erzeugung einer neuen Generation von Individuen, die Merkmale ihrer Eltern in sich vereinen, mit Paarungs- und Mutationsalgorithmen.
  - Selektion der besten Individuen für die nächste Generation basiert auf einer Fitnessfunktion.

# Genetische Algorithmen

$P(t)$  sei definiert als eine Population mit Lösungskandidaten  $x_i$  zum Zeitpunkt  $t$

Prozedur genetischer Algorithmus ([2])

**begin**

setze zeit  $t:=0$ ;

initialisiere die Population  $P(t)$ ;

**While** der Abbruchbedingung ist nicht erfüllt **do**

**begin**

evaluiere die Fitness der Mitglieder der Population  $P(t)$ ;

wähle die geeignetsten Mitglieder aus der Population  $P(t)$  aus;

produziere mit genetischen Operatoren Nachkommen diese Paare;

ersetze die schwächsten Kandidaten von  $P(t)$  durch die Nachkommen;

setze Zeit  $t:=t+1$

**end**

**end.**

# Genetische Algorithmen

## ◆ Genetische Operatoren:

- Kreuzung: Der Kreuzungsmechanismus teilt zwei Lösungskandidaten auf und tauscht Komponenten gegeneinander aus, um neue Kandidaten zu produzieren.
- Mutation: Ein Aspekt eines Kandidaten wird in zufälliger Weise verändert.

## Literatur

1. Z. Michalewicz, D. B. Fogel. *How to Solve It: Modern Heuristics*. Springer Verlag, 2000.
2. G.F. Luger. *Künstliche Intelligenz: Startegien zur Lösung komplexer Probleme*. Pearson Studium, 2001.